
Test 3 – Sujet B

Résoudre **les deux** exercices suivants.

Exercice 1 (Géométrie dans l'espace)

- (i) Déterminer l'équation cartésienne du plan π passant par les points $A = (1, -1, 2)$ et parallèle aux vecteurs $\vec{v}_1 = \vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k}$ et $\vec{v}_2 = 2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$ et en indiquer un vecteur orthogonal.
- (ii) Calculer la distance du point $P = (-1, 0, 2)$ au plan π .
- (iii) Décrire la quadrique suivante (préciser son axe) :

$$z = (x - 1)^2 + 4y^2$$

Exercice 2 (Fonctions)

Soit f la fonction réelle donnée par

$$f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} \\ x \rightarrow 2\sqrt{x-1}$$

- (i) Dessiner le graphe de f . Déterminer le domaine de définition et l'image de f . Indiquer si f est (strictement) croissante ou décroissante et dans quel intervalle.
- (ii) Soit g la fonction donnée par $g(y) = \sin y + 1/2$ pour $y \in [0, 2\pi]$. Calculer la fonction composée $f(g(y))$ et indiquer son domaine de définition.

Test 3 – Sujet B

NOM et PRÉNOM (lisibles) :

Résolution des exercices

Test 3 – Sujet B

Corrigé du test

Exercice 3 (Géométrie dans l'espace)

(i) On utilise la formule

$$[\overrightarrow{AP}, \vec{v}_1, \vec{v}_2] = 0$$

où $P = (x, y, z)$. L'équation du plan π est donc,

$$x + 5y + 3z - 2 = 0$$

Un vecteur orthogonal est $\vec{u} = \vec{i} + 5\vec{j} + 3\vec{k}$.

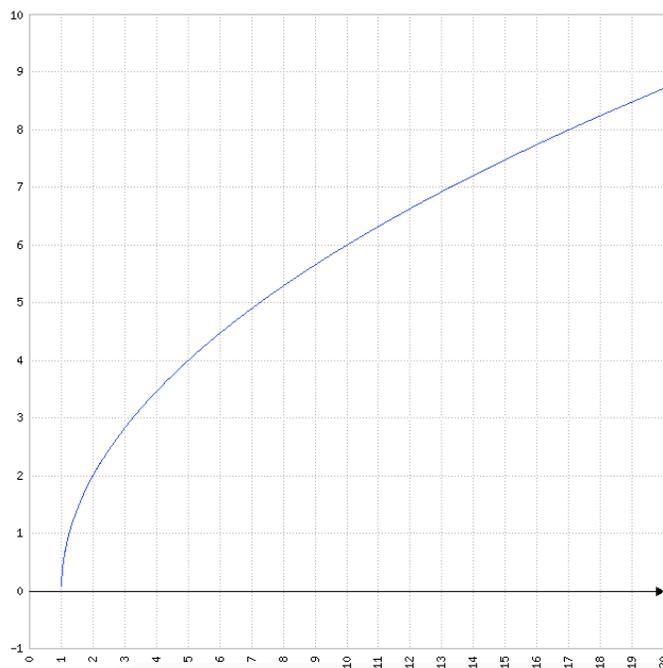
(ii)

$$d(P, \pi) = \frac{|ax_P + by_P + cz_P + d|}{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}} = \frac{3}{\sqrt{35}}.$$

(iii) Il s'agit d'un parabolôïde d'axe z .

Exercice 4 (Fonctions)

(i) $D_f = [1, \infty[$, $I_f = [0, \infty[$ et f est strictement croissante dans son domaine.



(ii)

$$f(g(y)) = f(\sin y + 1/2) = 2\sqrt{\sin y - 1/2}$$

et son domaine est

$$\begin{aligned} D_{f(g)} &= \{y \in [0, 2\pi] \mid \sin y - \frac{1}{2} \geq 0\} \\ &= \{y \in [0, 2\pi] \mid \sin y \geq \frac{1}{2}\} \\ &= [\frac{\pi}{6}, \frac{5}{6}\pi]. \end{aligned}$$